

- A(4|1)
- B(2|0)
- C(4|-3)
- D(2|-6)
- E(-2|-2)

z.B.

$$g_{AE} : AE = E - A = \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 4 \\ -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -6 \\ -1 \end{pmatrix}$$

$$g_{CD} : CD = D - C = \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 4 \\ -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix}$$

$$g_{EA} : EA = \begin{pmatrix} 6 \\ 1 \end{pmatrix} \perp \begin{pmatrix} -1 \\ 6 \end{pmatrix}$$

-> Einen Punkt weglassen, in dem Fall B

$$-x + 6y = ?$$

$$\underline{-x + 6y = -10}$$

-> Zwei Geradenpaare, die alle restlichen 4 Punkte abdecken ($g_{AE}; g_{CD}; g_{AC}; g_{DE}$)

$$-4 - 6 = -10$$

$$-x + 6y + 10 = 0$$

abdecken ($g_{AE}; g_{CD}; g_{AC}; g_{DE}$)

$$g_{CD} : DC = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \perp \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \end{pmatrix}$$

-> Multiplizieren der Geradenpaare

$$-3x + 2y = ?$$

$$-3x + 2y = -18$$

-> Koeffizienten (in dem Fall $\lambda \Delta \mu$)

$$-12 + -6 = -18$$

$$\underline{-3x + 2y + 18 = 0}$$

so wählen, dass wieder 0 heraustritt

$$(-x + 6y + 10) \cdot (-3x + 2y + 18) = 0 \rightarrow f(x, y) \rightarrow \text{für A, C, D \& E}$$

$$g_{AC} : AC = C - A = \begin{pmatrix} 4 \\ -3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 4 \\ -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \end{pmatrix}$$

$$g_{DE} : DE = E - D = \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$g_{AC} \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \end{pmatrix} \perp \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$g_{DE} \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \end{pmatrix} \perp \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$2x = ?$$

$$4x + 4y = ?$$

$$4x + 4y = -16$$

$$2x + 0y = 8$$

$$8 + -24 = -16$$

$$4x + 4y + 16 = 0$$

$$2x - 8 = 0$$

$$(2x - 8) \cdot (4x + 4y + 16) = 0 \rightarrow g(x, y) \rightarrow \text{für A, C, D \& E}$$

$$\lambda f(x, y) + -\mu g(x, y) = 0 \rightarrow \text{für A, C, D \& E} \quad B(2|0)$$

$$(-2 + 10) \cdot (-6 + 18) = (4 - 8) \cdot (8 + 16)$$

$$(8) \cdot (12) = (-4) \cdot (24)$$

$$4 \cdot (24) = (-4) \cdot (24)$$

$$4 \cdot f(x,y) + 4 \cdot g(x,y) = 0$$

$$4 \cdot (-x + 6y + 10) \cdot (-3x + 2y + 18) + 4 \cdot (2x - 8) \cdot (4x + 4y + 16)$$

$$4 \cdot (3x^2 - 2xy - 18x - 18xy + 12y^2 + 108y - 30x + 20y + 180) +$$

$$4 \cdot (8x^2 + 8xy + 32x - 32x - 32y - 128)$$

$$\cancel{12x^2} - \cancel{8xy} - \cancel{72x} - \cancel{72xy} + \cancel{48y^2} + \cancel{432y} - \cancel{120x} + \cancel{80y} + 720 +$$

$$\cancel{32x^2} + \cancel{32xy} + \cancel{128x} - \cancel{128x} - \cancel{128y} - 512 = 44x^2 + 48y^2 - 48xy - 182x + 384y + 592$$

$$44x^2 + 48y^2 - 182x + 384y - 48xy + 208 = 0$$

$$11x^2 + 12y^2 - 48x + 96y - 12xy + 52 = 0$$

→ Am Schluss $f(x,y)$, $g(x,y)$ einsetzen d. 5 Punkte in die resultierende Gleichung einsetzen um zu überprüfen, ob ich bei jedem Punkt mit der Gleichung Null erhalte